# **2 Структура и содержание общеобразовательной дисциплины**

**2.1. Объем дисциплины и виды учебной работы**

|  |  |
| --- | --- |
| **Вид учебной работы** | ***Объем в часах*** |
| **Объем образовательной программы дисциплины** | ***234*** |
| **в т.ч.** |  |
| **Основное содержание** | ***198*** |
|  | | |
| теоретическое обучение | 182 |
| практические занятия | 14 |
| **Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)** | **36** |
| в т. ч.: |  |
| теоретическое обучение |  |
| практические занятия | 36 |
| **Индивидуальный проект *(да/нет*)\*\*** |  |
| **Промежуточная аттестация (экзамен)** |  |

По примерной 232 часа

**2.2. Тематический план и содержание дисциплины**

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| **Наименование разделов и тем** | **Содержание учебного материала (основное и профессионально-ориентированное), лабораторные и практические занятия, прикладной модуль (при наличии)** | **Объем часов** | **Формируемые компетенции** |
| **1** | **2** | **3** | **4** |
| ***Основное содержание*** | | | |
| **Раздел 1. Повторение курса математики основной школы** |  | **18** | ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06  ***ПК…[[1]](#footnote-1)*** |
| Тема 1.1  Цель и задачи математики при освоении специальности. Числа и вычисления | Содержание учебного материала |  |
| Цель и задачи математики при освоении специальности.  Базовые знания и умения по математике в профессиональной и в повседневной деятельности.  Действия над положительными и отрицательными числами, с обыкновенными и десятичными дробями.  Действия со степенями, формулы сокращенного умножения |  |
| Комбинированное занятие | 4 |
| Тема 1.2  Процентные вычисления. Уравнения и неравенства | Содержание учебного материала |  |
| Простые проценты, разные способы их вычисления. Линейные, квадратные, дробно-линейные уравнения и неравенства |  |
| Комбинированное занятие | 4 |
| Тема 1.3.  Процентные вычисления в профессиональных задачах | ***Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)*** |  |
| Простые и сложные проценты. Процентные вычисления в профессиональных задачах |  |
| Практическое занятие | 4 |
| Тема 1.4  Решение задач. Входной контроль | Содержание учебного материала |  |
| Вычисления и преобразования. Уравнения и неравенства. Геометрия на плоскости |  |
| Комбинированное занятие | 4 |
| Контрольная работа | 2 |
| **Раздел 2 Прямые и плоскости в пространстве. Координаты и векторы в пространстве** |  | **30** | ОК 01, ОК 03,  ОК 04, ОК 07  ***ПК…*** |
| Тема 2.1. Основные понятия стереометрии. Расположение прямых и плоскостей | Содержание учебного материала |  |
| Предмет стереометрии. Основные понятия (точка, прямая, плоскость, пространство). Основные аксиомы стереометрии. Пересекающиеся, параллельные и скрещивающиеся прямые. Угол между прямыми в пространстве. Перпендикулярность прямых. Основные пространственные фигуры |  |
| Комбинированное занятие | 4 |
| Тема 2.2. Параллельность прямых, прямой и плоскости, плоскостей | Содержание учебного материала |  |
| Параллельные прямая и плоскость. Определение. Признак. Свойства.  Параллельные плоскости. Определение. Признак. Свойства.  Тетраэдр и его элементы. Параллелепипед и его элементы. Свойства противоположных граней и диагоналей параллелепипеда. Построение основных сечений |  |
| Комбинированное занятие | 6 |
| Тема 2.3. Перпендикулярность прямых, прямой и плоскости, плоскостей | Содержание учебного материала |  |
| Перпендикулярные прямые. Параллельные прямые, перпендикулярные к плоскости. Признак перпендикулярности прямой и плоскости |  |
| Комбинированное занятие | 4 |
| Тема 2.4. Перпендикуляр и наклонная. Теорема о трех перпендикулярах | Содержание учебного материала |  |
| Перпендикуляр и наклонная. Теорема о трех перпендикулярах. Угол между прямой и плоскостью.  Угол между плоскостями. Перпендикулярные плоскости.  Расстояния в пространстве |  |
| Комбинированное занятие | 4 |
| Тема 2.5. Координаты и векторы в пространстве | Содержание учебного материала |  |
| Декартовы координаты в пространстве. Векторы в пространстве. Сложение и вычитание векторов. Умножение вектора на число. Скалярное произведение векторов. Простейшие задачи в координатах |  |
| Комбинированное занятие | 4 |
| Тема 2.6. Прямые и плоскости в практических задачах | ***Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)*** |  |
| Взаимное расположение прямых в пространстве. Параллельность прямой и плоскости, параллельность плоскостей, перпендикулярность плоскостей. Расположение прямых и плоскостей в окружающем мире (природе, архитектуре, технике). Решение практико-ориентированных задач |  |
| Практическое занятие | 6 |
| Тема 2.7 Решение задач. Прямые и плоскости, координаты и векторы в пространстве | Содержание учебного материала |  |
| Расположение прямых и плоскостей в пространстве. Перпендикулярность и параллельность прямых и плоскостей. Декартовы координаты в пространстве. Векторы в пространстве. Сложение и вычитание векторов. Умножение вектора на число. Координаты вектора |  |
| Комбинированное занятие |  |
| Контрольная работа | 2 |
| **Раздел 3. Основы тригонометрии. Тригонометрические функции** |  | **26** | ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05 |
| Тема 3.1  Тригонометрические функции произвольного угла, числа | Содержание учебного материала |  |
| Радианная мера угла. Поворот точки вокруг начала координат. Определение синуса, косинуса, тангенса и котангенса. Знаки синуса, косинуса, тангенса и котангенса по четвертям. Зависимость между синусом, косинусом, тангенсом и котангенсом одного и того же угла |  |
| Комбинированное занятие | 4 |
| Тема 3.2 Основные тригонометрические тождества | Содержание учебного материала |  |
| Тригонометрические тождества. Преобразования простейших тригонометрических выражений. Синус, косинус, тангенс и котангенс углов α и - α |  |
| Комбинированное занятие | 4 |
| Тема 3.3  Тригонометрические функции, их свойства и графики | Содержание учебного материала |  |
| Область определения и множество значений тригонометрических функций. Чётность, нечётность, периодичность тригонометрических функций. Свойства и графики функций y = cos x, y = sin x, y = tg x, y = сtg x. Сжатие и растяжение графиков тригонометрических функций.  Преобразование графиков тригонометрических функций |  |
| Комбинированное занятие | 6 |
| Тема 3.4 Обратные тригонометрические функции | Содержание учебного материала |  |
| Обратные тригонометрические функции. Их свойства и графики. |  |
| Комбинированное занятие | 4 |
| Тема 3.5 Тригонометрические уравнения и неравенства | Содержание учебного материала |  |
| Уравнение cos х = a. Уравнение sin x = a. Уравнение tg x = a, сtg x = a. Решение тригонометрических уравнений основных типов: простейшие тригонометрические уравнения, сводящиеся к квадратным., решаемые разложением на множители, однородные.  Простейшие тригонометрические неравенства |  |
| Комбинированное занятие | 6 |
| Тема 3.6 Решение задач. Основы тригонометрии. Тригонометрические функции | Содержание учебного материала |  |
| Преобразование тригонометрических выражений. Решение тригонометрических уравнений и неравенств в том числе с использованием свойств функций |  |
| Комбинированное занятие. |  |
| Контрольная работа | 2 |
| **Раздел 4. Производная и первообразная функции** |  | **50** | ОК 01, ОК 03, ОК 04, ОК 06, ОК 07  ***ПК…*** |
| Тема 4.1 Понятие производной. Формулы и правила дифференцирования | Содержание учебного материала |  |
| Приращение аргумента. Приращение функции. Задачи, приводящие к понятию производной. Определение производной. Алгоритм отыскания производной. Формулы дифференцирования. Правила дифференцирования |  |
| Комбинированное занятие | 8 |
| Тема 4.2 Понятие о непрерывности функции. Метод интервалов | Содержание учебного материала |  |
| Понятие непрерывной функции. Свойства непрерывной функции. Связь между непрерывностью и дифференцируемостью функции в точке. Алгоритм решения неравенств методом интервалов |  |
| Комбинированное занятие | 8 |
| Тема 4.3  Геометрический и физический смысл производной | Содержание учебного материала |  |
| Геометрический смысл производной функции – угловой коэффициент касательной к графику функции в точке. Уравнение касательной к графику функции. Алгоритм составления уравнения касательной к графику функции y=f(x) |  |
| Комбинированное занятие | 4 |
| Тема 4.4 Монотонность функции. Точки экстремума | Содержание учебного материала |  |
| Возрастание и убывание функции, соответствие возрастания и убывания функции знаку производной. Задачи на максимум и минимум. Алгоритм исследования функции и построения ее графика с помощью производной |  |
| Комбинированное занятие | 4 |
| Тема 4.5 Исследование функций и построение графиков | Содержание учебного материала |  |
| Исследование функции на монотонность и построение графиков |  |
| Комбинированное занятие | 6 |
| Тема 4.6 Наибольшее и наименьшее значения функции | Содержание учебного материала |  |
| Нахождение наибольшего и наименьшего значений функций, построение графиков с использованием аппарата математического анализа |  |
| Комбинированное занятие | 4 |
| Тема 4.7 Нахождение оптимального результата с помощью производной в практических задачах | ***Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)*** |  |
| Наименьшее и наибольшее значение функции |  |
| Практическое занятие | 6 |
| Тема 4.8 Первообразная функции. Правила нахождения первообразных | Содержание учебного материала |  |
| Ознакомление с понятием интеграла и первообразной для функции y=f(x). Решение задач на связь первообразной и ее производной, вычисление первообразной для данной функции. Таблица формул для нахождения первообразных. Изучение правила вычисления первообразной |  |
| Комбинированное занятие | 4 |
| Тема 4.9 Площадь криволинейной трапеции. Формула Ньютона – Лейбница | Содержание учебного материала |  |
| Задачи, приводящие к понятию определенного интеграла – о вычислении площади криволинейной трапеции. Понятие определённого интеграла. Геометрический и физический смысл определенного интеграла. Формула Ньютона – Лейбница.  Решение задач на применение интеграла для вычисления физических величин и площадей |  |
| Комбинированное занятие | 4 |
| Тема 4.10 Решение задач. Производная и первообразная функции. | Содержание учебного материала |  |
| Формулы и правила дифференцирования. Исследование функций с помощью производной. Наибольшее и наименьшее значения функции.  Вычисление первообразной. Применение первообразной |  |
| Комбинированное занятие |  |
| Контрольная работа | 2 |
| **Раздел 5.**  **Многогранники и тела вращения** |  | **34** | ОК 01, ОК 04,  ОК 06, ОК 07  ***ПК…*** |
| Тема 5.1 Призма, параллелепипед, куб, пирамида и их сечения | Содержание учебного материала |  |
| Призма (наклонная, прямая, правильная) и её элементы. Параллелепипед. Свойства прямоугольного параллелепипеда. Куб. Пирамида и её элементы. Правильная пирамида |  |
| Комбинированное занятие | 8 |
| Тема 5.2 Правильные многогранники в жизни | Содержание учебного материала |  |
| Площадь поверхности многогранников. Простейшие комбинации многогранников. Вычисление элементов пространственных фигур (рёбра, диагонали, углы). Правильные многогранники |  |
| Комбинированное занятие | 4 |
| Тема 5.3  Цилиндр, конус, шар и их сечения | ***Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)*** |  |
| Цилиндр, конус, сфера и шар. Основные свойства прямого кругового цилиндра, прямого кругового конуса. Изображение тел вращения на плоскости. Представление об усечённом конусе. Сечения конуса (параллельное основанию и проходящее через вершину), сечения цилиндра (параллельно и перпендикулярно оси), сечениях шара. Развёртка цилиндра и конуса |  |
| Практическое занятие | 4 |
| Тема 5.4 Объемы и площади поверхностей тел | Содержание учебного материала |  |
| Объем прямоугольного параллелепипеда. Объем куба. Объемы прямой призмы и цилиндра. Объемы пирамиды и конуса. Объем шара |  |
| Комбинированное занятие | 8 |
| Тема 5.5 Примеры симметрий в профессии | ***Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)*** |  |
| Понятие о симметрии в пространстве (центральная, осевая, зеркальная).  Обобщение представлений о правильных многогранниках (тетраэдр, куб, октаэдр, додекаэдр, икосаэдр).  Примеры симметрий в профессии |  |
| Практическое занятие | 4 |
| Тема 5.6 Решение задач. Многогранники и тела вращения | Содержание учебного материала |  |
| Объемы и площади поверхности многогранников и тел вращения |  |
| Комбинированное занятие | 4 |
| Контрольная работа | 2 |
| **Раздел 6. Степени и корни. Степенная, показательная и логарифмическая функции** |  | **42** | ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 05, ОК 07  ***ПК…*** |
| Тема 6.1 Степенная функция, ее свойства. Преобразование выражений с корнями n-ой степени | Содержание учебного материала |  |
| Понятие корня n-ой степени из действительного числа. Функции их свойства и графики. Свойства корня n-ой степени. Преобразование иррациональных выражений |  |
| Комбинированное занятие | 4 |
| Тема 6.2 Свойства степени с рациональным и действительным показателями | Содержание учебного материала |  |
| Понятие степени с рациональным показателем. Степенные функции, их свойства и графики |  |
| Комбинированное занятие | 6 |
| Тема 6.3 Решение иррациональных уравнений | Содержание учебного материала |  |
| Равносильность иррациональных уравнений. Методы их решения |  |
| Комбинированное занятие | 4 |
| Тема 6.4 Показательная функция, ее свойства. Показательные уравнения и неравенства | Содержание учебного материала |  |
| Степень с произвольным действительным показателем. Определение показательной функции и ее свойства. Знакомство с применением показательной функции. Решение показательных уравнений методом уравнивания показателей, методом введения новой переменной, функционально-графическим методом. Решение показательных неравенств |  |
| Комбинированное занятие | 8 |
| Тема 6.5 Логарифм числа. Свойства логарифмов | Содержание учебного материала |  |
| Логарифм числа. Свойства логарифмов. Операция логарифмирования |  |
| Комбинированное занятие | 6 |
| Тема 6.6 Логарифмическая функция, ее свойства. Логарифмические уравнения, неравенства | Содержание учебного материала |  |
| Логарифмическая функция и ее свойства. Понятие логарифмического уравнения. Операция потенцирования. Три основных метода решения логарифмических уравнений: функционально-графический, метод потенцирования, метод введения новой переменной. Логарифмические неравенства |  |
| Комбинированное занятие | 8 |
| Тема 6.7 Логарифмы в природе и технике | ***Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)*** |  |
| Применение логарифма. Логарифмическая спираль в природе. Ее математические свойства |  |
| Практическое занятие | 4 |
| Тема 6.8 Решение задач. Степенная, показательная и логарифмическая функции | Содержание учебного материала |  |
| Степенная, показательная и логарифмическая функции. Решение уравнений |  |
| Комбинированное занятие |  |
| Контрольная работа | 2 |
| **Раздел 7. Элементы теории вероятностей и математической статистики** |  | **32** | ОК 02, ОК 03, ОК 05  ***ПК…*** |
| Тема 7.1 Событие, вероятность события. Сложение и умножение вероятностей | Содержание учебного материала |  |
| Совместные и несовместные события. Теоремы о вероятности суммы событий. Условная вероятность. Зависимые и независимые события. Теоремы о вероятности произведения событий |  |
| Комбинированное занятие | 8 |
| Тема 7.2 Вероятность в профессиональных задачах | ***Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)*** |  |
| Относительная частота события, свойство ее устойчивости. Статистическое определение вероятности. Оценка вероятности события |  |
| Практическое занятие | 8 |
| Тема 7.3 Дискретная случайная величина, закон ее распределения | Содержание учебного материала |  |
| Виды случайных величин. Определение дискретной случайной величины. Закон распределения дискретной случайной величины. Ее числовые характеристики |  |
| Комбинированное занятие | 8 |
| Тема 7.4 Задачи математической статистики. | Содержание учебного материала |  |
| Первичная обработка статистических данных. Числовые характеристики (среднее арифметическое, медиана, размах, дисперсия). Работа с таблицами, графиками, диаграммами |  |
| Комбинированное занятие | 6 |
| Тема 7.5 Элементы теории вероятностей и математической статистики | Виды событий, вероятность событий. Сложение и умножение вероятностей. Дискретная случайная величина, закон ее распределения. Задачи математической статистики. |  |  |
| Контрольная работа | **2** |
| **Промежуточная аттестация (Экзамен)** | |  |  |
| **Всего:** |  | **232** |  |

1. Указываются ПК, элементы которых формирует прикладной модуль (профессионально-ориентированное содержание) в соответствии с ФГОС реализуемой профессии/специальности СПО [↑](#footnote-ref-1)